Correction DM n°2

Exercice 1: (4 points)

Développer et réduire les expressions suivantes :

$$A = (9x + 7)^{2}$$

$$= (9x)^{2} + 2 \times 7 \times 9x + 7^{2}$$

$$= 81x^{2} + 126x + 49$$

$$B = (x + 9)(11 - 5x)$$

$$= 11x - x \times 5x + 9 \times 11 - 9 \times 5x$$

$$= -5x^{2} - 34x + 99$$

$$C = (2x - 5)(2x + 5)$$

$$= (2x)^{2} - 5^{2}$$

$$= 4x^{2} - 25$$

$$D = (x - 1)^{2} + 7x(2 + x)$$

$$= x^{2} - 2 \times x \times 1 + 1^{2} + 7x \times 2 + 7x \times x$$

$$= 8x^{2} + 12x + 1$$

Exercice 2: (3 points)

Factoriser les expressions suivantes :

$$E = (x+3)(x-9) - (x+3)^{2}$$

$$= (x+3)[(x-9) - (x+3)]$$

$$= -12(x+3)$$

$$F = 36 - 25x^{2}$$

$$= 6^{2} - (5x)^{2}$$

$$= (6-5x)(6+5x)$$

$$G = b^{2} - 10b + 25$$

$$= b^{2} - 2 \times 5 \times b + 5^{2}$$

$$= (b-5)^{2}$$

Exercice 3: (3 points)

On considère l'expression : $H = (x+3)^2 - (x+1)(x+2)$

1) Développer et réduire H.

$$H = (x^{2} + 2 \times x \times 3 + 3^{2}) - (x^{2} + 2x + x + 2)$$
$$= x^{2} + 6x + 9 - x^{2} - 3x - 2$$
$$= 3x + 7$$

D'où: $(10000 + 3)^2 - (10000 + 1)(10000 + 2) = 30007$

2) Comment peut-on déduire, sans calculatrice, le résultat de : $10003^2-10001\times10002$? Remplaçons x par 10000 dans l'expression H ci-dessus : $(10000+3)^2-(10000+1)(10000+2)$ D'après la question 1, ceci est égal à : $3\times10000+7$